# Journal of Electrochemistry

Volume 3 | Issue 4

1997-11-28

# Calculation of the Sacrificial Anode Resistance Utilizing Boundary Element Method

Jianhua Wu

Mingxian Sun

Guangzhou Liu

Guangzhang Chen

### **Recommended Citation**

Jianhua Wu, Mingxian Sun, Guangzhou Liu, Guangzhang Chen. Calculation of the Sacrificial Anode Resistance Utilizing Boundary Element Method[J]. *Journal of Electrochemistry*, 1997, 3(4): Article 8. DOI: 10.61558/2993-074X.2660

Available at: https://jelectrochem.xmu.edu.cn/journal/vol3/iss4/8

This Article is brought to you for free and open access by Journal of Electrochemistry. It has been accepted for inclusion in Journal of Electrochemistry by an authorized editor of Journal of Electrochemistry.

第3卷 第4期 1997年11月

# 边界元方法计算牺牲阳极的接水电阻

吴建华*	孙明先	刘光洲	陈光章	
	(七二五所青岛分部	青岛 266071)		
吴	琼 金在	律 郑云	龙	
	(大连理工大学 >	大连 116024)		

**摘要** 本文在建立了阴极保护电位场数学模型的基础上,以边界元方法模拟牺牲阳极与低碳钢直接偶合时牺牲阳极的工作状态码头模拟试验表明,本文采用的边界元方法可以准确计算牺牲阳极的发生电流及接水电阻,可为阴极保护设计提供准确的设计参数,并对板状牺牲阳极长宽比对阳极发生电流和接水电阻的影响进行了计算和讨论

关键词 边界元方法(BEM), 牺牲阳极, 阴极保护, 发生电流, 接水电阻

自 1964 年 Klingert 等首先用差分法研究了电极的几何形状等因素对电位分布的影响以 来,关于数值计算方法在电化学腐蚀和阴极保护领域的应用已有许多报导<sup>[1~7]</sup>. 近年来,大部 分文献均应用边界元方法(BEM)处理阴极保护电位场,边界元法的要点是对边界积分方程通 过离散、插值等手段建立关于边界上未知数的方程 进而求解得出所要求的物理量,当它处理 二维问题时可在一维曲线上划分单元,处理三维问题时则在二维曲面上划分单元,其所包含的 未知数完全分布在边界上,不涉及域内,大大减少了未知数的量

在牺牲阳极阴极保护设计中, 牺牲阳极的接水电阻和发生电流的数值对计算阳极用量和 阳极寿命有重要影响, 目前牺牲阳极的接水电阻及发生电流多由经验公式估算, 与实测值有较大 偏差 R. Stromm en<sup>[7]</sup>利用有限差分法计算了牺牲阳极的接水电阻并与经验公式计算值比较后, 证 明环境和工作条件强烈地影响着阳极接水电阻 本文旨在利用边界元方法处理牺牲阳极与低碳钢 直接偶合形成的阴极保护电位场, 计算牺牲阳极的发生电流, 驱动电位和接水电阻

## 1 数学模型的建立

在建立数学模型之前,为了必要的简化,提出如下假设:

1) 电解质(海水)为均匀介质

 2) 阴极保护电位场为稳态场,由此可利用稳态的阳极极化曲线和阴极极化曲线作为边界 条件,模拟某些条件下极化达稳态时的电位场

3) 电流流过电解质时, 遵循欧姆定律, 即

$$I = -\frac{1}{\rho} \nabla E$$

(1)

本文 1997-03-25 收到, 1997-06-23 收到修改稿

2

∇ E 为电位梯度,  $\rho$  为介质电阻率

© 1994-2008 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.r

$$G_{i j m} = s_{j} N_{m} E^{0} dS \qquad (m = 1, 2, 3)$$

$$\Leftrightarrow \{E\} = \{E_{1}, E_{2}, E_{3}\}^{T}, \{I\} = \{I_{1}, I_{2}, I_{3}\}^{T}$$

$$\square f \left(H_{11}, H_{12}, \dots, H_{10}\right) \{E\} = \left\{G_{i1}, G_{i2}, \dots, G_{in}\right\} \{I\}$$

$$= GI \qquad (15)$$

H、G为n×n方阵,它们分别包含了边界几何形状影响函数和介质电阻率 E、I分别为节 点电位和节点电流密度组成的矢量 式(16)就是阴极保护电位场数学模型经边界离散后的代 数方程,对此方程进行求解可以得到节点处的电位和电流密度值,由此可根据限,阳极极化特 性计算出阴极,阳极得到的或发生的电流以及限,阳极的平均电位,阳极的驱动电位,最后计算 出阳极的接水电阻

根据上列计算过程,并对阻 阴极边界条件(即稳态极化曲线)进行分段拟线性化处理,并用 Fortran 语言编制计算程序.

## 3 结果与讨论

### 3.1 计算结果的验证

为了验证边界元 (B EM ) 计算的准确性与可靠性, 本工作还进行了为期二个月的码头模拟 试验, 试样的尺寸见表 1.

1 40 1	1 ne a men	isions of caine	baes and ano	a es in sile exp	) er m en i	
阳极编号	Α	В	С	Α	В	С
阴极(低碳钢)尺寸/mm	2000 × 1000	1000 × 500	1000 × 500	2000 × 1000	1000 × 500	1000 × 500
阳极尺寸/mm	$180 \times 70 \times 40$	250 × 100 × 35	180 × 70 × 40	100 × 50 × 20	50 × 50 × 20	100 × 20 × 20

表 1 码头模拟试验试样尺寸

\* A、B、C为A、B、C试样试验一个月后表面有阴极沉淀膜生成并换装阳极后的试样

7

© 1994-2008 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.m

• 386 •

对铝阳极作阳极极化曲线, 对裸 钢板和从*A*、*B*、*C*上取下的小试片 分别作阴极极化曲线, 示于图 2

将图 2 中的曲线 1 和 5 进行分 段线性拟合, 作为边界条件, 求得阳 极试样*A*、*B*、*C* 的发生电流 驱动电 压和接水电阻 再分别将曲线 1、2、 3、4 进行分段线性拟合, 作为边界条 件, 分别求得阳极试样*A*、*B*、*C* 的 发生电流 驱动电压和接水电阻, 并 与实测值 *L oiyd* 公式计算值进行比 较, 结果见表 2



Fig. 2 Polarization curves of A lanode and mild steel 1: A lanode; 2, 3, 4: coupons taken from A, B, C respectively; 5: exposed mild steel

				试	样		
项目		Α	В	С	Α	В	С
实测值	发生电流/mA	134	100	82 4	36 8	13 7	16 9
	驱动电压/mV	133	39. 2	46 2	43 4	21. 2	19.7
	接水电阻/Ω	0 99	0 39	0 56	1. 18	1.54	1.16
B EM	发生电流/mA	134	93	85	52	17	19
	驱动电压/mV	133	33 2	43 2	52 4	19.4	15 8
	接水电阻/Ω	0 99	0 36	0 59	1	1. 1	0 83
L oiy d	发生电流/mA	396	504	396	227	168	192
	驱动电压/mV	300	300	300	300	300	300
	接水电阻/Ω <sup>@</sup>	0 758	0 595	0 758	1. 32	1.79	1.56

表 2 实测值、本文BEM 计算值和Loiyd 公式计算值比较

Tab 2 The comparison of the values resulting from in situ experiment, BEM and Loiyd formula

@ 由公式 R =  $\rho/(L + B + 2H)$  计算而得<sup>[8]</sup>

由表 2 的数据可知,发生电流,驱动电压的 *B EM* 计算值与实测值非常接近,即 *B EM* 可准确地预见牺牲阳极的寿命,由此计算出的接水电阻与实际测量值也较接近而由 *L oiy d* 公式估算出的阳极接水电阻比实测接水电阻值要大,其误差也比 *B EM* 大得多.因此,只要边界条件

准确,BEM 可非常准确地计算出阳极的发生 电流 驱动电压和接水电阻

不同形状牺牲阳极接水电阻的边 3 2

#### 界元方法计算

C 针对三种工作面积的船用锌合金牺牲阳 × 极分别以本文边界元计算程序和Loivd 公式 计算了其接水电阻,以及随阳极长宽比的变 化,得到的结果示于图3

由图 3 知, 当长宽比(L/B)较小时, 两种计 算方法得到的接水电阻相差较大,但随L/B 值 的增大,差值减小(见图中两曲线),对于工作 面积为 500 gm<sup>2</sup> 和 1 120 gm<sup>2</sup> 两种阳极,L/B 值 较大时,两种方法的计算值较接近,而对于工 😅 作面积为 250 m<sup>2</sup> 的小阳极, L/B 值较大时, 两种方法的计算结果仍有一定差距,这和 R. S tramm en<sup>[7]</sup>的结果类似

结 论 4

综上所述,结论如下:

1) 基于边界元方法可对阴极保护电位进 行数值模拟

2) 由本文所建立的边界元方法计算阳极 发生电流和接水电阻的数学模型是可靠的

3) 所编制的计算程序可以准确地计算出 阳极发生电流 驱动电位和接水电阻等技术参 数,即可准确地预测牺牲阳极的使用寿命及其 形状 阴极表面状态的影响等



的变化 (阴 阳极面积比 100 1)

F ig. 3 Relationship between the surface resistance and the length-to-bread th ratio (L/B) of zinc alloy sacrificial anodes (The area ratio of cathode to anode is 100 1)

# Calculation of the Sacrificial A node Resistance U tilizing Boundary Element M ethod

Wu Jianhua<sup>\*</sup> Sun Mingxian Liu Guangzhou Chen Guangzhang (Qingdao Branch, Luoyang Ship Material Research Institure, Qingdao 266071) Wu Qiong Jin Zailv Zheng Yunlong (Dalian University of Technology, Dalian 116024)

Abstract According to a kind of mathematic model set up for the cathodic protection potential field, the boundary element method (BEM) was used to study the working state of plate sacrificial anodes which were galvanically coupled to mild steel In situ experiment showed that the current output and resistance of sacrificial anodes could be calculated more accurately using BEM than loived formula On the basis of the calculation, the cathodic protection design would be more accurate It was also investigated that the effect of the length-to-breadth ratio (L/B) on current output and resistance of plate zinc anodes The results demonstrated that anode resistance obtained from BEM approached loived formula with increasing of L/B value

Keywords Boundary element method, Sacrificial anode, Cathodic protection, Current output, A node resistance

#### References

- R. Strommen, A Roilad Computerized techniques applied in design of offshore cathodic protection systems MP, 1981, 20(4): 15
- 2 R G Kasper, G M artin Electrogalvanic finite element analysis of partially protected marine sturctures Corros, 1983, 39(5): 181
- 3 JW Fu A finite element method for modelling localized corrosion cells Corros, 1984, 40(10): 540
- 4 P O Gatland etc Offshore cathodic protection desing, inspection, and computer modelling *M P*, 1993, 32(12): 15
- 5 H P Hack Verification of the boundary element modelling technique for cathodic protection of large ship structures AD- A 278150/8, GAR
- 6 Yi Huang Estimations on the cathodic protection in double bottom ballast tank 日本造船学会论文集, 1996
- 7 R Strommen Evalution of anode resistance formulas by computer analysis MP, 1985, 24(3):9
- 8 滨海电厂海水冷却水系统牺牲阳极极极保护 国际技术监督局, GB /T16166-1996, 3